

Corrigé TEST T4 TRIANGLES ET QUADRILATERES.

Compte rendu :

- Fractions : Assez bien réussi en général. Pensez au réflexe de la **simplification**.
- Inégalité triangulaire : Méthode(« d'une part, d'autre part... » en considérant le plus grand côté) non sue pour beaucoup. A revoir complètement !
- Triangles et angles :
- Cercle circonscrit : Cours non su : « pour tracer le cercle circonscrit, il faut tracer 2 ». N'oubliez pas le codage et utiliser de la couleur pour les médiatrices.
- Constructions quadrilatères : Ceux qui ne font pas de croquis ou dont le croquis est faux ou incomplet ou un minimum ressemblant, ne réussissent pas en général à faire la figure.
- Reconnaître un quadrilatère particulier : N'inventez pas de propriétés !
Pensez aux preuves par les diagonales.
« en déduire » signifie qu'il faut utiliser les résultats précédents !
Attention aux affirmations inventées qui ne sont pas dans l'énoncé ou dans le

codage de la figure.

Plus généralement, cours non su. Refaites le test puis analysez erreurs, remarques puis corrigé.

Médiane = 4,5 sur 10 en 2006.

➤ Exercice n° 1 (..... / 2 points) : Calculez en colonnes :

$$\begin{aligned} \frac{3}{9} + \frac{2}{3} - \frac{1}{6} &= \frac{1}{3} + \frac{2}{3} - \frac{1}{6} && \text{on a simplifié } \frac{3}{9} \\ &= \frac{3}{3} - \frac{1}{6} \\ &= \frac{6}{6} - \frac{1}{6} && \text{on a mis au même dénom} \\ &= \frac{5}{6} \text{ F.I.} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} + \frac{12}{15} \times \frac{5}{3} &= \frac{1}{2} + \frac{4 \times 3 \times 5}{3 \times 5 \times 3} && \text{on effectue d'abord la } \times \\ &= \frac{1}{2} + \frac{4}{3} \\ &= \frac{1 \times 3}{2 \times 3} + \frac{4 \times 2}{3 \times 2} && \text{on met au même dénom.} \\ &= \frac{3}{6} + \frac{8}{6} \\ &= \frac{11}{6} \end{aligned}$$

➤ Exercice n° 2 (..... / 1 point) :

Soit un triangle ABC isocèle en B tel que AB = 100 cm. Est-il possible que AC = 210 cm ?

D'une part AC = 210.

D'autre part BA + BC = 100 + 100 = 200.

Puisque AC < BA + BC, alors il n'est pas possible que AC = 210 cm, sinon le triangle est inconstructible.

➤ Exercice n° 3 (..... / 3 points) :

Sur la figure ci dessous, RAI est rectangle en A, RAL est isocèle en L et

$\widehat{RLA} = 120^\circ$. Reportez ces informations sur la figure.

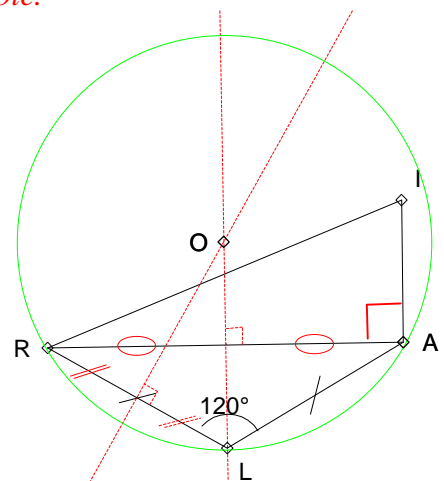
1. Calculez \widehat{LRA} puis \widehat{LAI} . (..... / 2)
2. Construire le cercle circonscrit à RAL. (..... / 1)

1. Puisque RAL est un triangle, alors $\widehat{R} + \widehat{L} + \widehat{A} = 180^\circ$

$$\text{Donc } \widehat{LRA} = \frac{180^\circ - \widehat{L}}{2}$$

$$\widehat{LAR} = \widehat{LRA} = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ$$

$$\begin{aligned} \widehat{LAI} &= \widehat{LAR} + \widehat{RAI} \\ &= 30^\circ + 90^\circ \text{ Le triangle RAL est isocèle en L !} \\ &= 120^\circ \end{aligned}$$



2. Pour construire le cercle circonscrit à RAL, il suffit de tracer 2 médiatrices et leur intersection est le centre du cercle circonscrit.

➤ Exercice n° 4 (..... / 2 points) :

Construire les 2 figures suivantes (Vous reporterez les données sur vos figures et laisserez les croquis complets).

① EURP est un *parallélogramme* tel que : (1 pt)

$$EU = 4 \text{ cm} ; EP = 3 \text{ cm} ; \widehat{PEU} = 60^\circ.$$

On fait d'abord un croquis complet (mesures, points et codages) pour avoir une idée de la figure.

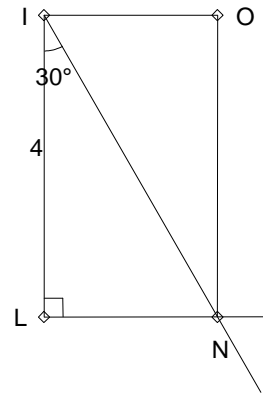


1. On trace [EU] de longueur 4 cm.
2. On trace la demi droite qui fait un angle de 60° avec [EU].
3. On trace le cercle de centre E et de rayon 3 cm. Ce cercle coupe la demi droite précédente en P.
4. On construit R au compas tel que : $UR = 3 \text{ cm}$ et $PR = 4 \text{ cm}$.
5. On trace [UR] et [PR].

② IONL est un *rectangle* tel que : (1 pt)

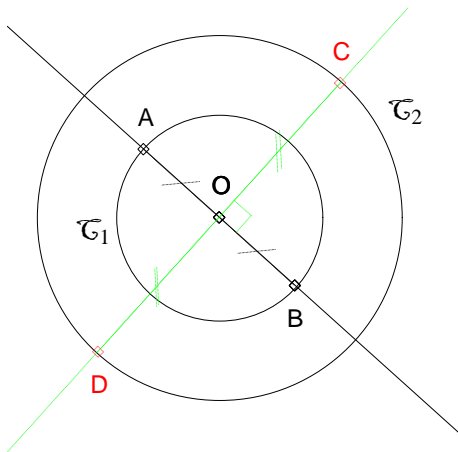
$$ON = 4 \text{ cm} \text{ et } \widehat{LIN} = 25^\circ$$

On fait d'abord un croquis en faisant apparaître les données !



1. On trace [LI] qui a la même longueur que [ON] !
2. On trace l'angle \widehat{LIN} tel que $\widehat{LIN} = 25^\circ$
3. On trace la perpendiculaire à (LI) passant par L. Elle coupe l'angle \widehat{LIN} en N.
4. On construit O de telle sorte que LION soit un rectangle.

➤ Exercice n° 5 (..... / 2 points) :



Sur la figure ci contre, les 2 cercles \mathcal{C}_1 et \mathcal{C}_2 sont de même centre O.
Tracer en vert la perpendiculaire à (AB) passant par O. Cette droite coupe le cercle \mathcal{C}_2 en deux points C et D. Placez C et D.

1. Complétez les phrases suivantes : (..... / 1)
« Par construction, [AB] est un *diamètre* de \mathcal{C}_1 , donc O est le *milieu* de [AB].
De la même façon, par construction, [CD] est un *diamètre* de \mathcal{C}_2 , donc O est aussi le *milieu* de [CD] »

Placez les codages correspondants en vert.

2. En déduire la nature de ACBD. Justifiez ! (..... / 1)

D'après la question ①, les diagonales [AB] et [CD] de ACBD $\left\{ \begin{array}{l} \text{① sont perpendiculaires par construction} \\ \text{② se coupent en leur milieu O} \end{array} \right\}$,
donc ABCD est un losange.