

Corrigé TEST T4 : PUISSANCES (55')

Compte rendu : Test raté en général ! Les exercices 2-3-4-6 sont catastrophiques !

➤ Formules de base sur les puissances et priorités :

Formules non sues : $a^n \times b^n = \dots\dots\dots$ $(a^n)^m = \dots\dots\dots$ $\frac{a^n}{b^n} = \dots\dots$

Le principe doit être clair pour tout le monde :

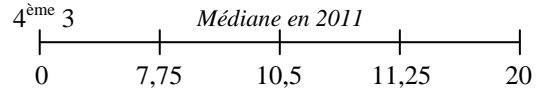
les formules marchent soit avec les mêmes bases, soit avec les mêmes puissances, mais jamais avec tout différent !

Que de formules inventées ! Ex : $(6^2)^4 = 6^{16}$??? Non !!! Ou bien $36^4 = 6 \times 6^4$?!! Non ! Grosse faute de priorité !

Calcul élémentaire : $400 \times 10^{-3} = \dots\dots\dots$ $\frac{10^{-2}}{10^{-5}} = \dots\dots\dots$ $(\frac{1}{2})^2 = \dots\dots\dots$ et non $\frac{2}{4}$!

Nombreuses confusion multiplication et puissances : $7^2 = 49$ et non 14 !

Confusion entre a^2 et $a \times 2$. Ex : 3^2 n'est pas égal à 6 ! Mais à



➤ Puissances particulières :

Tout nombre à la puissance 0 donne

Puissances de 1 ou (-1) : catastrophique ! $1^{785} = \dots\dots\dots$ $(-1)^{-2541} = \dots\dots\dots$ $-1^4 = \dots\dots\dots$

Puissances négatives : sauve qui peut ! $4^{-2} = \frac{1}{4^2}$ et non 0,04 (confusion avec les puissances de 10) ou -4^2 (confusion avec

l'opposé). $9^{-1} = \frac{1}{\dots\dots\dots}$ $21^{-1} = \dots\dots\dots$ $3^{-5} = \frac{1}{\dots\dots\dots}$ $2^{-8} = \frac{1}{\dots\dots\dots}$

Nombreuses confusions entre puissances de 10 et puissances quelconques. Ex : $40 \times 10^{-1} \neq 400^{-1}$

$10 = 10^{\dots\dots}$: quand la puissance n'est pas écrite, l'exposant est

➤ Calculs complexes : Trop d'erreurs de priorité dues à la présence d'additions ou de soustractions (n°2 et n°5 soustraction).

On reste le plus longtemps possible en écriture puissance. On repasse en écriture décimale que si des additions ou soustractions nous y obligent !

➤ Situation : Dramatique. Conversions à revoir ! (1 gramme = 10^5 tonnes ?) Précisez les unités dans les formules.

Les résultats doivent être plausibles et non complètement farfelus !

Plus généralement : Enormément de fautes de calcul élémentaire (addition-soustraction de nombres relatifs, de simplification des fractions, de tables de multiplication...); de fautes de signe ($1 - 24 = -23$ et non 23 !).

Si vous tombez sur des calculs compliqués, c'est qu'il y a sûrement une erreur !

Arrêtez d'inventer des formules (n°2 ; 3 et 5), je préfère encore qu'il n'y ait rien !

Arrêtez de rendre tout compliqué et appliquez plutôt correctement les priorités et formules vues en classe !

RELISEZ VOS CALCULS TOUT DE SUITE SANS ATTENDRE LA FIN DU TEST !

Médianes = 8,88 sur 22 en 2011 ; 7,6 sur 22 en 2010 ; 7 sur 20 en 2008 ; 9,55 sur 20 en 2007.

➤ Exercice n° 1 (..... / 4 points) : Compléter les égalités suivantes :

$10^{-2} \times 10^{10} = 10^8$ $1 \text{ km} = 10^3 \text{ m}$ $10^3 \times 0,007 = 7$ $(8^{-6})^6 = 8^{-36}$
 $\frac{10^3}{10^{-3}} = 10^6$ $7^{-5} \times 9^{-5} = 63^{-5}$ $9^5 \times 9^{-3} \times 9^3 = 9^5$ $\frac{k^{-3} \times k^6}{k \times k^8} = k^{-6}$

➤ Exercice n° 2 (..... / 3 pts) : Ecrire ces 3 expressions sous la forme d'une seule puissance.

$L = \frac{36^4}{6^2}$
Bases et exposants différents, il faut donc transformer ! Or on sait que $36 = 6 \times 6$!
 $= \frac{(6^2)^4}{6^2}$
 $= \frac{6^8}{6^2}$
 $= 6^6$

Formule $(a^n)^m = a^{nm}$ non sue.

$C = 3^3 \times 15^6 \times 5^3$
 $= 15^6 \times 5^3 \times 3^3$
 $= 15^6 \times 15^3$
 $= 15^9$

Formule $a^n \times b^n = (a \times b)^n$ non sue.

$I = 9^7 \times 6^4 \times 2^7 \times 3^4$
 $= 9^7 \times 2^7 \times 6^4 \times 3^4$
 $= 18^7 \times 18^4$
 $= 18^3$

Formule $a^n \times b^n = (a \times b)^n$ non sue.

➤ Exercice n° 3 (..... / 3 pts) : Calculer en colonnes, **en respectant les priorités** :

$$\begin{aligned}
 B &= (-3)^2 - 3 \times (-1)^{-10.512} \\
 &= 9 - 3 \times 1 \\
 &= 9 - 3 \\
 &= 6
 \end{aligned}$$

Beaucoup d'erreurs de signe dans $(-3)^2$ et dans $(-1)^{-10.512}$.

$$\begin{aligned}
 F &= -1^{-99} - 4^{-2} - 8^0 \\
 &\text{Résultat sous forme de fraction irréductible.} \\
 &= -1 - \frac{1}{4} - 1 \\
 &= -2 - \frac{1}{16} \\
 &= \frac{-32}{16} - \frac{1}{16} \\
 &= \frac{-33}{16} \text{ F.I.}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 M &= (7 \times 10^{-11})^2 \\
 &\text{Résultat en écriture scientifique.} \\
 &\text{Formule } a^n \times b^n = (a \times b)^n \text{ non sue.} \\
 &= 7^2 \times (10^{-11})^2 \\
 &= 49 \times 10^{-22} \\
 &= 4,9 \times 10^{-21} \text{ e.s}
 \end{aligned}$$

➤ Exercice n° 4 (..... / 2,5 points) : Question de cours (QCM).

Pour chaque affirmation, trois choix vous sont proposés dont un seul est vrai. Lequel ? **L'entourer**.

(Barème : réponse juste = + 0,5 pts sans réponse = 0 pt réponse fausse = - 0,25 pts)

(Les scores finaux négatifs sont ramenés à une note de 0 / 2,5)

Affirmations	Choix 1	Choix 2	Choix 3	Points (Prof)
① 10^{12} est égal à :	1 million de millions $= 10^6 \times 10^6 = 10^{12}$	1 dizaine de milliards $= 10 \times 10^9 = 10^{10}$	1 centaine de milliers de millions $= 10^2 \times 10^3 \times 10^6 = 10^{11}$	
② $est\ égal\ à : = (-1)^{-1} = -1$	-3	1	-1	
③ a^{-n} est égal à :	$\frac{1}{a^{-n}}$	$\frac{1}{a^n}$ <i>Cours p.7 !</i>	$- a^n$	
④ $(a - b)^2$ est égal à	$a^2 - b^2$ <i>Pas de formule de puissance avec la soustraction !</i>	$2 \times a - 2 \times b$ <i>Le carré n'est pas le produit par 2 !</i>	$(a - b)(a - b)$ <i>Le carré est bien le produit par lui-même !</i>	
⑤ <i>Ce QCM comporte 5 questions avec 3 choix possibles par question. Le nombre de combinaisons de réponses possibles à ce questionnaire est égal à :</i>	3×5 Cela revient à compter le nombre de cases réponse du tableau ! Cela revient aussi à un QCM avec une question à 3 choix et une autre question à 5 choix.	5^3 Cela revient à un QCM avec 3 questions avec 5 choix possibles par question.	3^5 <i>Les 5 questions sont indépendantes donc les choix se multiplient entre eux :</i> $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^5$ possibilités. <i>Cela revient en fait à compter le nombre de coloriage possibles !</i>	

➤ Exercice n° 5 (..... / 3 pts) : Calculez en colonnes (**résultat en écriture scientifique**) :

$$\begin{aligned}
 A &= \frac{10^{-5} \times 24 \times (10^3)^{-2} \times 35}{20 \times (10^{-3})^{-3} \times 10} \\
 &= \frac{6 \times 4 \times 7 \times 5}{5 \times 4} \times \frac{10^{-5} \times 10^{-6}}{10^9 \times 10^1} \\
 &= 42 \times \frac{10^{-11}}{10^{10}} \\
 &= 42 \times 10^{-21} \\
 &= 4,2 \times 10^{-20} \text{ e.s.}
 \end{aligned}$$

$$B = \frac{40 \times 10^{-1} + 0,002 \times 10^3}{2 \times 10^2} \quad \text{présence}$$

$$= \frac{6}{2} \times \frac{1}{10^2}$$

d'une addition !

$$= 3 \times 10^{-2} \quad \text{e.s.}$$

$$= \frac{4 \quad + \quad 2}{2 \times 10^2}$$

➤ Exercice n° 6 (..... / 4,5 pts) : D'après www.planetoscope.com

En septembre 2011, la dette publique de la France atteignait la somme colossale d'environ 1 685,8 milliards d'euros. Ce nombre est tellement grand qu'on a du mal à se l'imaginer, n'est ce pas ?

Le but de l'exercice est donc de convertir cette dette faramineuse (mais encore bien virtuelle dans la tête de beaucoup d'entre nous) en un tas de billets de 100 € bien réels.

La calculatrice est autorisée pour cet exercice.

Les questions 2 et 3 peuvent être résolues même sans avoir répondu à la question 1.

Synthèse seulement sur la copie.

C'est pour le remboursement de la dette sociale. Vous lui donnerez ça quand il sera en âge de comprendre, et de payer... Et toutes nos félicitations aux parents !



1. • Mettre en écriture scientifique : la dette publique française et 100 € (..... / 0,5 + 0,5 pts).

$$1\ 685,8 \text{ milliards d'euros} = 1\ 685,8 \times 10^9 = 1,685\ 8 \times 10^{12} \text{ euros.} \quad 100\text{€} = 10^2 \text{ €}$$

• Un billet de 100 € pèse 1 gramme. Convertir 1 gramme en tonnes et mettre en écriture scientifique.

$$1 \text{ tonne} = 1\ 000 \text{ kg et } 1 \text{ kg} = 1\ 000 \text{ grammes donc } 1 \text{ tonne} = 1\ 000 \times 1\ 000 = 10^6 \text{ grammes}$$

$$\text{Donc } 1 \text{ gramme} = 10^{-6} \text{ tonnes} \quad (\text{.....} / 0,5 \text{ pts})$$

2. Quelle est la masse (en tonnes) du tas de billets de 100 € représentant la dette de la France en septembre 2011 ? Résultat en écriture décimale. (..... / 2 pts)

$$\text{Masse du tas de billets de } 100 \text{ € (en tonnes)} = \text{Nombre total de billets} \times \text{Masse d'un billet (en tonnes)}$$

$$\approx \frac{1,685\ 8 \times 10^{12}}{10^2} \times 10^{-6}$$

$$\approx 1,685\ 8 \times \frac{10^{12} \times 10^{-6}}{10^2}$$

$$\approx 1,685\ 8 \times 10^4$$

$$\approx 16\ 858 \text{ tonnes}$$

Convertie en billets de 10 €, la dette de la France pèse environ 16 858 tonnes (plus que la Tour Eiffel !)

3. Combien de semi-remorques (40 tonnes de charge) seront nécessaires pour transporter la dette publique française en septembre 2011 ? (..... / 1 pt)



$$\text{Nb de semi-remorques nécessaires} = \frac{\text{Masse de la dette en billets de } 100 \text{ € (en tonnes)}}{\text{Capacité de charge d'un semi remorque (en tonnes)}}$$

≈

$$\frac{16\,858}{40}$$

≈

$$421,2$$

Il faudra au moins 422 semi remorques de 40 tonnes pour transporter toute la dette de la France en septembre 2011.